



در شکل داده شده، پتانسیل الکتریکی نقاط A و B در میدان الکتریکی یکنواخت برابر $V_B = -20V$ و $V_A = 30V$ است. بار الکتریکی $q = -20\mu C$ با تندی ثابت از نقطه A به نقطه B منتقل می‌شود.

الف) جهت خطوط میدان الکتریکی از A به B است یا از B به A؟

ب) انرژی پتانسیل الکتریکی بار چند ژول تغییر می‌کند؟

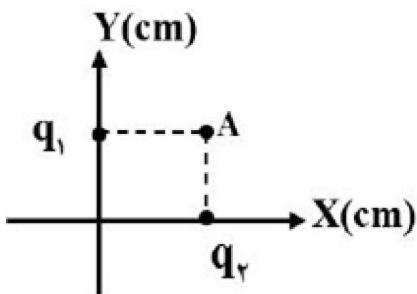
E

• A

• B

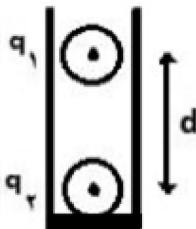
دو بار الکتریکی $q_1 = q_2 = 5\mu C$ یکی در مکان $x = 3\text{ cm}$ و دیگری در مکان $y = 3\text{ cm}$ روى محورهای مختصات در یک دستگاه xoy قرار دارند. میدان الکتریکی خالص را در نقطه A به مختصات $(3\text{ cm}, 3\text{ cm})$ برحسب بردارهای

$$\left(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2} \right) \text{ یکه بنویسید.}$$

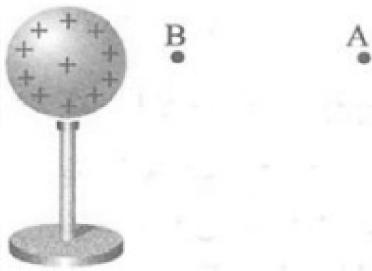


در شکل روبرو گوی باردار مشابه به جرم g دارای بارهای $q_1 = 0/4\mu C$ و $q_2 = 0/5\mu C$ درون استوانهای در فاصله d از یکدیگر و در حال تعادل قرار دارند. این فاصله را برحسب یکای SI به دست آورید.

$$\left(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2}, g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \right)$$



۴ کره رسانای باردار و نقاط A و B در شکل مقابل نشان داده شده است. اگر اندازه اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو نقطه A و B، 10 Volt باشد، و بار الکتریکی $q = 4\mu\text{C}$ را از A تا B جابه جا کنیم. انرژی پتانسیل الکتریکی سیستم چه اندازه و چگونه تغییر می‌کند؟

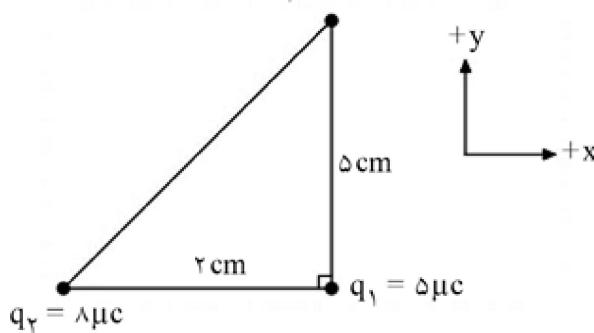


۵ سه بار نقطه‌ای مطابق شکل در یک راستا قرار دارند. برایند نیروهای وارد بر هریک از بارها صفر است. بار q_2 چند میکروکولن است؟ (از وزن بارها صرف‌نظر کنید).

$$q_1 = 2\mu\text{C} \quad q_2 \quad q_3 = 5\mu\text{C}$$

۶ مطابق شکل سه ذره باردار در سه رأس مثلث قائم‌الزاویه ثابت شده‌اند. نیروی الکتریکی برآیند وارد بر ذره q_1 بر حسب بردارهای یکه ببایبد و رسم کنید.

$$\left(k = 9 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2} \right)$$



۷ کره A با بار $-8\mu\text{C}$ و کره B با بار $+12\mu\text{C}$ مشابه می‌باشند، آن‌ها را به یکدیگر تماس می‌دهیم و سپس از یکدیگر جدا می‌کنیم. بار هر کره در حالت جدید چقدر می‌شود؟



۸

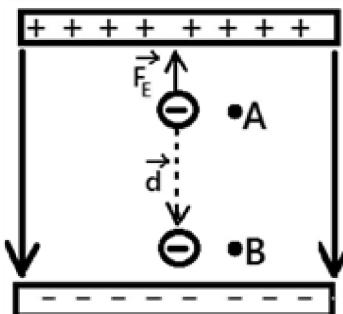
بار الکتریکی منفی را در یک میدان یکنواخت مطابق شکل از A تا B جابجا می‌کنیم.
جاهای خالی را کامل کنید.

(الف) انرژی پتانسیل الکتریکی بار می‌باید.

(ب) کار نیروی الکتریکی می‌باشد.

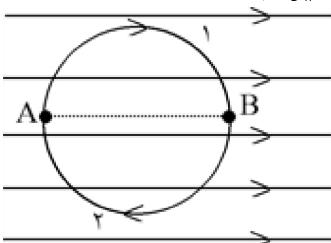
(ج) کار نیروی خارجی در این حرکت می‌باشد.

(د) پتانسیل الکتریکی نقطه B از نقطه A است.



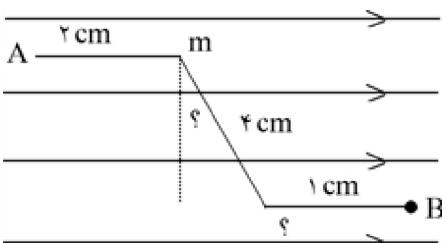
۹

ذرهای با بار مثبت مطابق شکل در یک میدان یکنواخت بین دو نقطه A و B حرکت کرده است. تغییرات انرژی پتانسیل و کار را هر کدام به طور جداگانه در مسیرهای ۱ و ۲ مقایسه کنید. (همچنین مسیر ۱ با ۲)



۱۰

بار $+8\mu C$ را از نقطه A به نقطه B از طریق مسیر مشخص شده منتقل می‌کنیم. تغییر انرژی پتانسیل این بار را محاسبه کنید.



پاسخنامه تشریحی

الف) جهت خطوط از A به B

$$\text{۱} \quad \Delta U = q\Delta V \Rightarrow \Delta U = -20 \times 10^{-9} \times (-20 - 30) = 10^{-9} J$$

$$E = k \frac{q}{r}$$

$$E_1 = E_2 = \frac{9 \times 10^{-9} \times 5 \times 10^{-9}}{9 \times 10^{-9}} = 5 \times 10^{-9} \frac{N}{C}$$

$$\vec{E}_1 = 5 \times 10^{-9} \frac{N}{C} \vec{i}$$

$$\vec{E}_2 = 5 \times 10^{-9} \frac{N}{C} \vec{j}$$

$$\vec{E}_A = 5 \times 10^{-9} \frac{N}{C} \vec{i} + 5 \times 10^{-9} \frac{N}{C} \vec{j}$$

$$F = mg$$

$$k = \frac{q_1 q_2}{r^2} = mg$$

$$9 \times 10^{-9} \frac{2 \times 10^{-9} \times 5 \times 10^{-9}}{d^2} = 2 \times 10^{-9} \times 10 \Rightarrow d = 10^{-3}$$

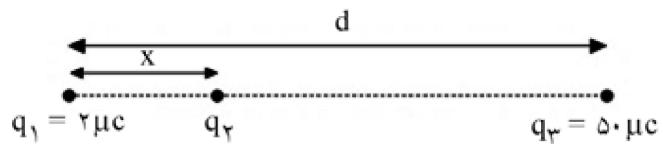
$$\Delta v = \frac{\Delta u}{q} \Rightarrow -10 = \frac{\Delta u}{4 \times 10^{-9}} \Rightarrow \Delta u = -4 \times 10^{-9} j$$

۳

۴

کاهش

برآیند نیروهای وارد بر q_2 صفر است. پس داریم:



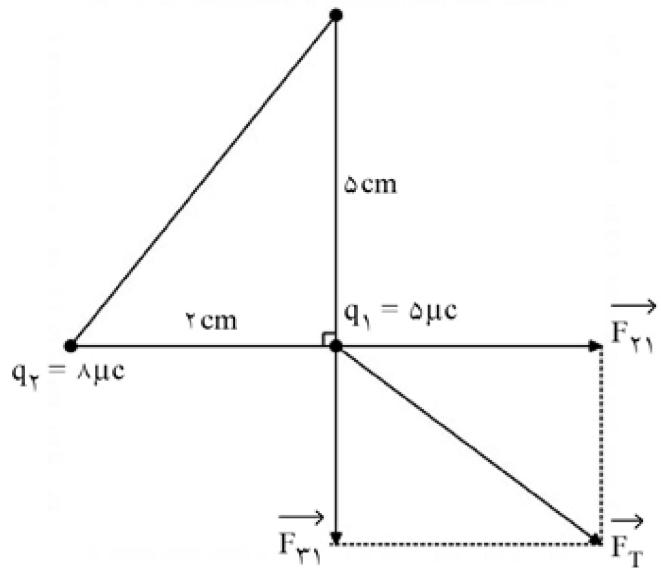
$$\cancel{\frac{k |q_1| |q_2|}{x^2}} = \cancel{\frac{k |q_1| |q_2|}{(d-x)^2}} \Rightarrow \cancel{\frac{|q_2|}{5}} = \frac{x}{(d-x)^2} \Rightarrow \frac{x}{d-x} = \frac{1}{5} \Rightarrow d = 6x$$

برآیند نیروهای وارد بر q_1 نیز صفر است. پس:

$$\cancel{\frac{k |q_1| |q_2|}{x^2}} = \cancel{\frac{k |q_1| |q_2|}{d^2}} \Rightarrow \frac{|q_2|}{x^2} = \frac{|q_2|}{d^2} \Rightarrow \frac{|q_2|}{|q_2|} = \frac{x^2}{d^2} = \left(\frac{1}{6}\right)^2 = \frac{1}{36}$$

$$\Rightarrow |q_2| = \frac{|q_2|}{36} = \frac{5}{36} \mu C \xrightarrow[\text{تحلیل نیروها}]{\text{با نتیجه گیری از}} q_2 = -\frac{5}{36} \mu C$$

$$q_r = 1 \mu C$$



$$F_{r1} = k \frac{|q_1| |q_r|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{10^{-9} \times 5 \times 10^{-9}}{(5 \times 10^{-2})^2} = 180 N \Rightarrow \vec{F}_{r1} = -180 \hat{j}$$

$$F_{r1} = k \frac{|q_1| |q_r|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{5 \times 10^{-9} \times 1 \times 10^{-9}}{(2 \times 10^{-2})^2} = 900 N \Rightarrow \vec{F}_{r1} = +900 \hat{i}$$

$$\vec{F}_T = (+900 \hat{i} - 180 \hat{j}) N$$

$$q_{\text{new}} = \frac{q_A + q_B}{2} \Rightarrow q_{\text{new}} = \frac{-8 + 12}{2} = \frac{4}{2} = 2 \mu C$$

د) کمتر

ج) مثبت

ب) منفی

الف) افزایش

۷

۸

۹

۱۰

$w > 0, \Delta u < 0 \Rightarrow ۱$ مسیر ۱

$w < 0, \Delta u > 0 \Rightarrow ۲$ مسیر ۲

$w_2 = -w_1, \Delta u_2 = -\Delta u_1$ مقایسه مسیر ۱ با ۲:

$$\Delta u = -Eqd \cos \theta \Rightarrow \Delta u_{\text{کل}} = \Delta u_{AM} + \Delta u_{MN} + \Delta u_{NB}$$

$$\Delta u_{AM} = -2 \times 8 \times 10^{-9} \times \frac{2}{100} \times \cos 0^\circ = -3 / 2 \times 10^{-9} j$$

$$\Delta u_{MN} = -2 \times 8 \times 10^{-9} \times \frac{4}{100} \times \cos 60^\circ = -3 / 2 \times 10^{-9} j$$

$$\Delta u_{NB} = -2 \times 8 \times 10^{-9} \times \frac{6}{100} \times \cos 0^\circ = -9 / 2 \times 10^{-9} j$$

$$\Delta u_{\text{کل}} = -1 / 2 \times 10^{-8}$$



